

http://www.spm.pt/olimpiadas

XXIX OPM - Final - 2° Dia - 09.04.2011 - Categoria Júnior - $6^{\circ}/7^{\circ}$

Duração: 2 horas Questão 1: 16 pontos Questões 2,3: 7 pontos cada

Justifica convenientemente as tuas respostas e indica os principais cálculos. Não é permitido o uso de calculadoras.

- 4. Em cada uma das alíneas seguintes escolhe a opção correcta, justificando a tua escolha.
 - (a) O Carlos construiu um painel com 2011 azulejos quadrados com 10 cm de lado, da forma apresentada na figura. Qual é o perímetro do painel?



A) 201, 1 m

B) 201, 2 m

C) $402, 2 \, \text{m}$

D) $402, 4 \, \text{m}$

E) $804, 4 \, \text{m}$

(b) Sabe-se que $DEZ \times 4 = CEM$, onde cada letra representa um algarismo distinto e diferente de 4 e D não representa o zero. Quanto vale Z?

A) 3

B) 5

C) 6

D) 7

E) 8

(c) A mãe do Carlos esqueceu-se do código do telemóvel. Ela recorda-se que os algarismos eram todos diferentes, que o número era múltiplo de 4 e de 5 e que a soma dos dois primeiros algarismos era igual à soma dos últimos dois. Quantos números teria de experimentar para acertar no código?

A) 4

B) 8

C) 12

D) 14

E) 16

(d) Quantos números impares há de 1 até 2011 que não são divisíveis por 5?

A) 201

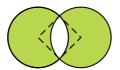
B) 402

C)604

D) 805

E) 1006

5. Na figura seguinte, os segmentos a tracejado formam um quadrado com $1~{\rm cm}^2$ de área. Os vértices do quadrado estão no centro de cada círculo e na intersecção dos dois círculos. Calcula a área da região colorida.



6. A Augusta guardou no seu mealheiro moedas de 5 e de 10 cêntimos. Ela tem 100 moedas e reparou que, se trocasse cada moeda de 5 que tem por uma moeda de 10 cêntimos, e se trocasse cada moeda de 10 que tem por uma moeda de 5 cêntimos, ganharia 70 cêntimos. Quanto dinheiro tem a Augusta no mealheiro?