

## OLIMPÍADAS PORTUGUESAS DE MATEMÁTICA $\frac{http:}{www.spm.pt} \sim opm$

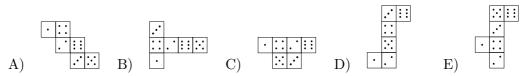
Justifica convenientemente as tuas respostas às questões 2 e 3. Na questão 1 escolhe, em cada alínea, a opção correcta. Não é permitido o uso de calculadoras.

Duração: 2 horas

A questão 1 vale 20 pontos; as questões 2 e 3 valem 10 pontos cada uma.

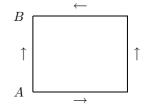
O mistério do dado desaparecido

- 1. Em cada uma das alíneas seguintes escolhe a opção correcta. Cada resposta errada será cotada negativamente.
  - (a) Para solucionar o mistério do dado desaparecido, Tintim necessita de se disfarçar com um bigode e um par de óculos. Sabendo que ele tem 3 bigodes e 2 pares de óculos diferentes, de quantas formas se pode disfarçar Tintim?
    - A) 3 B) 5 C) 6 D) 7 E) 8
  - (b) O ladrão entra numa sala de cinema, onde existem 26 filas, com 24 lugares cada uma, numerados da esquerda para a direita, com início na primeira fila. Tintim sabe que o ladrão está sentado no lugar número 375. Em que fila está o ladrão?
    - A) 12 B) 13 C) 14 D) 15 E) 16
  - (c) A mãe do ladrão tem um irmão que tem três filhos e uma irmã que tem cinco filhas. Os avós paternos do ladrão tiveram sete filhos e cada um deles teve quatro filhos. Quantos primos tem o ladrão?
    - A) 29 B) 32 C) 33 D) 35 E) 36
  - (d) Tintim sabe que num dado a soma das pintas de duas faces opostas é sempre sete. Qual dos seguintes modelos lhe permite construir o dado desaparecido?



A formiga e o arroz-doce

2. Uma formiga muito gulosa está num dos cantos (posição A) de uma travessa rectangular repleta de arroz doce e quer ir para o canto ao lado (posição B). Se a formiga for por um dos lados, tem de andar 10 cm, mas, pelo outro lado, tem de contornar a travessa e percorrer 32 cm. Qual é a área de arroz doce que está à mercê da gulodice da formiga?



A querra das estrelas

3. Luke Skywalker e Han Solo defrontam-se numa corrida com as suas naves espaciais mais potentes. Luke dá cada volta à pista em 45 segundos e Han em 48 segundos. As naves espaciais de Luke e Han só se cruzam no momento em que Luke Skywalker termina a corrida. Quantas voltas tem a corrida?



## OLIMPÍADAS PORTUGUESAS DE MATEMÁTICA $\begin{array}{c} \text{http://www.spm.pt/}{\sim} \text{opm} \end{array}$

## SUGESTÕES para a resolução dos problemas

- 1. (a) (C)
  - (b) (E)
  - (c) (B)
  - (d) (A)
- 2. Como o lado [AB] da travessa mede 10 cm e a soma dos comprimentos dos restantes lados é 32 cm, a medida do outro lado da travessa é (32-10):2=11 cm. Assim, a área da travessa mede  $10\times11=110$  cm<sup>2</sup>.
- 3. Solução 1: Observe-se que Han termina a 1ª volta a 3 segundos de Luke, a 2ª volta a 2 × 3 = 6 segundos de Luke, a 3ª volta a 3 × 3 = 9 segundos de Luke e assim sucessivamente. Logo, Han termina a 15ª volta a 15 × 3 = 45 segundos de Luke, que acaba de percorrer 16 voltas. Portanto, Han e Luke cruzam-se pela primeira vez nesse momento. Mas, como Han e Luke só se cruzam quando Luke termina a corrida, esta tem exactamente 16 voltas.
  - Solução 2: Observe-se que Han e Luke se cruzam pela primeira vez no momento em que ambos completam uma dada volta. Como m.m.c. $\{45,48\} = 720$ , esse momento ocorre ao fim de 720 segundos de corrida. Logo, Luke termina a corrida com o tempo de 720 segundos e a corrida tem exactamente  $\frac{720}{45} = 16$  voltas.